

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Калужская область, Жуковский район
ЧАСТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
«ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ШКОЛА-ИНТЕРНАТ "ВЯТИЧИ"»

РАССМОТРЕНО
на заседании педсовета
Протокол №1 от 29.08.23

СОГЛАСОВАНО

Заместитель директора по УВР

Дамаскина З.Г.

УТВЕРЖДЕНО

Директор

Силаева О.В.

Приказ № 2 от 29.08.2023 г

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

учебного курса «Вероятность и статистика»

для обучающихся 7-9 классов

на 2023-2024 учебный год

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

В современном цифровом мире вероятность и статистика приобретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры.

Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро встало необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты.

Знакомство в учебном курсе с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. При изучении статистики и вероятности обогащаются представления обучающихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основного общего образования выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках, до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать

данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы.

Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного события. При изучении учебного курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей в случайных экспериментах с равновозможными элементарными исходами, вероятностными законами, позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В учебный курс входят начальные представления о случайных величинах и их числовых характеристиках.

В рамках учебного курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

В 7–9 классах изучается учебный курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» отводится 102 часа: в 7 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 8 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 9 классе – 34 часа (1 час в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

7 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

8 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на

нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

9 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» НА УРОВНЕ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного курса «Вероятность и статистика» характеризуются:

1) патриотическое воспитание:

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

2) гражданское и духовно-нравственное воспитание:

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

3) трудовое воспитание:

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

4) эстетическое воспитание:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

5) ценности научного познания:

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

6) физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

7) экологическое воспитание:

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

8) адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:

готовностью к действиям в условиях неопределенности, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

Коммуникативные универсальные учебные действия:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения

- в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
- принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

- самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить корректизы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения в 7 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.

Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.

Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.

Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости.

К концу обучения в 8 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).

Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.

Оперировать понятиями: множество, подмножество, выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, перечислять элементы множеств, применять свойства множеств.

Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

К концу обучения в 9 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.

Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.

Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли.

Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.

Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

7 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Представление данных	7	1	2	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
2	Описательная статистика	8	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
3	Случайная изменчивость	6	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
4	Введение в теорию графов	4			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
5	Вероятность и частота случайного события	4		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
6	Обобщение, систематизация знаний	5	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	4	5	

8 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Представление данных	7	1	2	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
2	Описательная статистика	8	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
3	Случайная изменчивость	6	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
4	Введение в теорию графов	4			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
5	Вероятность и частота случайного события	4		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
6	Обобщение, систематизация знаний	5	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
			4	5	

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
7	Множества	4			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
8	Вероятность случайного события	6		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
9	Описательная статистика. Рассеивание данных	4			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
10	Введение в теорию графов	4			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
11	Случайные события	13			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
12	Обобщение, систематизация знаний	3	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	5	6	

9 класс

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Представление данных	4		1.5	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
2	Описательная статистика	3	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
3	Случайная изменчивость	2		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
4	Введение в теорию графов	2			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
5	Вероятность и частота случайного события	3	1	0,5	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc https://m.edsoo.ru/7f415fdc
6	Множества	3			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
7	Вероятность случайного события	5	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
8	Описательная статистика. Рассеивание данных	2			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
9	Введение в теорию графов	3	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
10	Случайные события	11			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
11	Элементы комбинаторики	4		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302
12	Геометрическая вероятность	3	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302
13	Испытания Бернулли	6		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302
14	Случайная величина	7	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302
15	Обобщение, контроль	10	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	7	7	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

7 КЛАСС

	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Роль вероятности и статистики в жизни и деятельности человека. Таблицы. Упорядочивание данных и поиск информации п.1,2	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ec1f8
2	Извлечение и интерпретация табличных данных. Практическая работа "Таблицы" п.2	1		0.5		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ec78e
3	Практические подсчеты и вычисления в таблицах п.3	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ec324
4	Графическое представление данных в виде столбчатых диаграмм Чтение и построение диаграмм.. п.4	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ed18e
5	Графическое представление данных в виде круговых. Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм п.5,6	1				
6	Практическая работа "Диаграммы"	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ed602 <u>Полововозрастные пирамиды</u>

7	Контрольная работа по теме «Представления данных»	1	1			https://m.edsoo.ru/863ed72e https://m.edsoo.ru/863ee390?
8	Числовые наборы. Среднее арифметическое п.7	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ed846
9	Числовые наборы. Среднее арифметическое числового набора п.7	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ed846
10	Медиана числового набора. Устойчивость медианы п.8	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863edb3e
11	Медиана числового набора. Устойчивость медианы п.8	1				
12	Практическая работа "Средние значения". Решение задач с помощью среднего арифметического и медианы	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863edc6a
13	Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах п.9	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ee07a
14	Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах п.9	1				
15	Контрольная работа по темам "Описательная статистика"	1	1			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ee390
16	Примеры случайной изменчивости при измерениях, в массовом производстве. П.11	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ee4bc
17	Точность и погрешность измерений п.12	1				

18	Группировка данных, представление изменчивости с помощью диаграмм. п.15	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ee9d0 https://m.edsoo.ru/863eee1c
19	Выборка. Рост человека п.16	1				
20	Практическая работа "Случайная изменчивость"	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863eccc8
21	Контрольная работа по теме «Случайная изменчивость»	1	1			
22	Графы. Вершина и рёбра графа. Степень вершины. Число ребер и суммарная степень вершины. п.18,19	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863eef52 https://m.edsoo.ru/863ef0ba
23	Пути в графе. Связные графы п.20	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ef0ba https://m.edsoo.ru/863ef236 https://m.edsoo.ru/863ef3b2
24	Представление об ориентированных графах . <i>Решение задач.</i>	1				
25	<i>Задача о Кёнигсбергских мостах, эйлеровы пути и эйлеровы графы п.21</i>	1				
26	Примеры случайных опытов и случайных событий. п.27	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ef4d4 https://m.edsoo.ru/863ef646
27	Вероятности и частоты событий п.28	1				
28	Монета и игральная кость в теории	1		0.5		Библиотека ЦОК

	вероятностей. Практическая работа "Частота выпадения орла" п.29					https://m.edsoo.ru/863ef8a8
29	Как узнать вероятность события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе.п.30Вероятностная защита информации от ошибок п.31	1				
30	Повторение, обобщение. Представление данных	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863efa24
31	Повторение, обобщение. Описательная статистика	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863efbaa
32	Решение задач	1				
33	Итоговая контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного события"	1	1			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f0186
34	Анализ контрольной работы	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863efec0
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	4	5		

8 КЛАСС

	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Роль вероятности и статистики в жизни и деятельности человека. Таблицы. Упорядочивание данных и поиск информации п.1,2	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ec1f8
2	Извлечение и интерпретация табличных данных. Практическая работа "Таблицы" п.2	1		0.5		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ec78e
3	Практические подсчеты и вычисления в таблицах п.3	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ec324
4	Графическое представление данных в виде столбчатых диаграмм Чтение и построение диаграмм.. п.4	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ed18e
5	Графическое представление данных в виде круговых. Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм п.5,6	1				
6	Практическая работа "Диаграммы"	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ed602 <u>Половово-возрастные пирамиды</u>

7	Контрольная работа по теме «Представления данных»	1	1			https://m.edsoo.ru/863ed72e https://m.edsoo.ru/863ee390?
8	Числовые наборы. Среднее арифметическое п.7	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ed846
9	Числовые наборы. Среднее арифметическое числового набора п.7	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ed846
10	Медиана числового набора. Устойчивость медианы п.8	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863edb3e
11	Медиана числового набора. Устойчивость медианы п.8	1				
12	Практическая работа "Средние значения". Решение задач с помощью среднего арифметического и медианы	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863edc6a
13	Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах п.9	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ee07a
14	Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах п.9	1				
15	Контрольная работа по темам "Описательная статистика"	1	1			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ee390
16	Примеры случайной изменчивости при измерениях, в массовом производстве. П.11	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ee4bc
17	Точность и погрешность измерений п.12	1				

18	Группировка данных, представление изменчивости с помощью диаграмм. п.15	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ee9d0 https://m.edsoo.ru/863eee1c
19	Выборка. Рост человека п.16	1				
20	Практическая работа "Случайная изменчивость"	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863eccc8
21	Контрольная работа по теме «Случайная изменчивость»	1	1			
22	Графы. Вершина и рёбра графа. Степень вершины. Число ребер и суммарная степень вершины. п.18,19	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863eef52 https://m.edsoo.ru/863ef0ba
23	Пути в графе. Связные графы п.20	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ef0ba https://m.edsoo.ru/863ef236 https://m.edsoo.ru/863ef3b2
24	Представление об ориентированных графах. <i>Решение задач.</i>	1				
25	<i>Задача о Кёнигсбергских мостах, эйлеровы пути и эйлеровы графы п.21</i>	1				
26	Примеры случайных опытов и случайных событий. п.27	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ef4d4 https://m.edsoo.ru/863ef646
27	Вероятности и частоты событий п.28	1				
28	Монета и игральная кость в теории	1		0.5		Библиотека ЦОК

	вероятностей. Практическая работа "Частота выпадения орла" п.29					https://m.edsoo.ru/863ef8a8
29	Как узнать вероятность события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе.п.30 Вероятностная защита информации от ошибок.п.31	1				
30	Решение задач. Представление данных	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863efa24
31	Решение задач. Описательная статистика	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863efbaa
32	Решение задач	1				
33	Контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного события"	1	1			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f0186
34	Анализ контрольной работы	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863efec0

8 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
35	Множество, подмножество, примеры множеств п.32	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f1180
36	Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Диаграммы Эйлера п.33	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f143c
37	Свойства операций над множествами. п.34 <i>Правило умножения п.35</i>	1				https://m.edsoo.ru/863f1784 Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f198c
38	Контрольная работа по темам "Статистика. Множества"	1	1			
39	Случайные опыты и элементарные события. Вероятности элементарных событий. Равновозможные элементарные события п.36,37	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f1dec
40	Благоприятствующие элементарные события. п.38	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f1dec
41	Вероятности событий п.39	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f1f72
42	Опыты с равновозможными элементарными событиями. п.40	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f21ca

43	Опыты с равновозможными элементарными событиями Случайный выбор п.40,41	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f21ca
44	Практическая работа "Опыты с равновозможными элементарными событиями"	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f235a
45	Рассеивание числовых данных и отклонения п.42	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f0a50
46	Дисперсия числового набора п.43	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f0a50
47	Стандартное отклонение числового набора п.44	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f0bfe
48	Диаграммы рассеивания п.45	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f0ea6
49	Деревья п.46	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f2a4e
50	Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер п.47	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f2bac
51	Дерево случайного эксперимента п.48	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f2cd8
52	Дерево случайного эксперимента п.48	1				
53	Определение случайного события. Взаимно противоположные случайные события.п.51	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3214
54	Диаграмма Эйлера.	1				

55	Объединение и пересечение событий п.52	1				
56	Несовместные события.п.52	1				
57	Формула сложения вероятности Несовместные события. й. п.53	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3372
58	Формула сложения вероятностей Несовместные события..п.53	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3764
59	Решение задач с помощью координатной прямой п.54	1				
60	Условная вероятность и правило умножения вероятностей. Независимые события п.55	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f38ae
61	Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Независимые события п.55	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3b06
62	Дерево случайного опыта п.56	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3cbe
63	Представление случайного эксперимента в виде дерева. Решение задач.п.56	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3f20
64	Независимые события п.57	1				
65	Независимые события п.57	1				
66	Повторение, обобщение.	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f4128
67	Повторение, обобщение.	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f4312
68	Итоговая контрольная работа	1	1			

ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	68	2	1	
--	----	---	---	--

9 КЛАСС

	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Роль вероятности и статистики в жизни и деятельности человека. Таблицы. Упорядочивание данных и поиск информации п.1,2	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ec1f8
2	Извлечение и интерпретация табличных данных. Практическая работа "Таблицы" п.2 Практические подсчеты и вычисления в таблицах п.3	1		0.5		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ec78e https://m.edsoo.ru/863ec324
3	Графическое представление данных в виде столбчатых и круговых диаграмм Чтение и построение диаграмм.. п.4,5 Примеры демографических диаграмм	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ed18e
4	Практическая работа "Диаграммы"	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ed602 Полововозрастные пирамиды
5	Числовые наборы. Среднее арифметическое п.7 Медиана числового набора. Устойчивость медианы п.8	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ed846 https://m.edsoo.ru/863edb3e https://m.edsoo.ru/863ee07a

	Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах п.9					
6	Практическая работа "Средние значения". Решение задач с помощью среднего арифметического и медианы	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863edc6a
7	Контрольная работа по темам "Описательная статистика"	1	1			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ee390
8	Примеры случайной изменчивости при измерениях, в массовом производстве. П.11 Точность и погрешность измерений п.12 Группировка данных, представление изменчивости с помощью диаграмм. п.15 Выборка. Рост человека п.16	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ee4bc https://m.edsoo.ru/863ee9d0 https://m.edsoo.ru/863eee1c
9	Практическая работа "Случайная изменчивость"	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863eecc8
10	Графы. Вершина и рёбра графа. Степень вершины. Число ребер и суммарная степень вершины. п.18,19 Пути в графике. Связные графы п.20	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863eef52 https://m.edsoo.ru/863ef0ba https://m.edsoo.ru/863ef0ba https://m.edsoo.ru/863ef236 https://m.edsoo.ru/863ef3b2
11	Представление об ориентированных графах . <i>Решение задач. Задача о Кёнигсбергских</i>	1				

	<i>мостах, эйлеровы пути и эйлеровы графы п.21</i>					
12	Примеры случайных опытов и случайных событий. п.27 Вероятности и частоты событий п.28	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ef4d4 https://m.edsoo.ru/863ef646
13	Монета и игральная кость в теории вероятностей. Практическая работа "Частота выпадения орла" п.29 Как узнать вероятность события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе.п.30 Вероятностная защита информации от ошибок.п.31	1		0.5		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863ef8a8 https://m.edsoo.ru/863efa24 Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863efbaa
14	Контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного события"	1	1			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f0186 https://m.edsoo.ru/863efec0

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
15	Множество, подмножество, примеры множеств п.32 Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Диаграммы Эйлера п.33	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f1180 https://m.edsoo.ru/863f143c
16	Свойства операций над множествами.п.34 <i>Правило умножения</i> п.35	1				https://m.edsoo.ru/863f1784 Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f198c
17	Случайные опыты и элементарные события. Вероятности элементарных событий. Равновозможные элементарные события п.36,37	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f1dec
18	Благоприятствующие элементарные события. п.38	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f1dec
19	Вероятности событий п.39	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f1f72
20	Опыты с равновозможными элементарными событиями. п.40	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f21ca
21	Практическая работа "Опыты с равновозможными элементарными событиями"	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f235a

22	Контрольная работа по темам "Множества. Вероятность случайного события"	1	1			
23	Рассеивание числовых данных и отклонения п.42	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f0a50
24	Дисперсия числового набора п.43	1				https://m.edsoo.ru/863f0a50
25	Деревья п.46 Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер п.47	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f2a4e https://m.edsoo.ru/863f2bac
26	Дерево случайного эксперимента п.48	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f2cd8
27	Контрольная работа по теме: «Рассеивание данных. Деревья.»	1	1			
28	Определение случайного события. Взаимно противоположные случайные события.п.51	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3214
29	Объединение и пересечение событий п.52	1				
30	Несовместные события.п.52	1				
31	Формула сложения вероятностей Несовместные события. й. п.53	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3372
32	Формула сложения вероятностей Несовместные события..п.53	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3764
33	Решение задач с помощью	1				

	координатной прямой п.54					
34	Условная вероятность и правило умножения вероятностей. Независимые события п.55	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f38ae
35	Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Независимые события п.55	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3b06
36	Дерево случайного опыта п.56	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3cbe
37	Представление случайного эксперимента в виде дерева. Решение задач.п.56	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f3f20
38	Независимые события п.57	1				

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
39	Комбинаторное правило умножения п.59	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f4e16
40	Перестановки. Факториал. П.60 Сочетания и число сочетаний п.61	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f4e16
41	Треугольник Паскаля п.61	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f5014
42	Практическая работа "Вычисление вероятностей с использованием комбинаторных функций электронных таблиц"	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f5208
43	Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости п.62	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f5884 https://m.edsoo.ru/863f5bfe
44	Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из отрезка и дуги окружности п.63	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f5a50 https://m.edsoo.ru/863f5e10
45	Контрольная работа по теме: «Элементы комбинаторики. Геометрическая вероятность»	1	1			
46	Успех и неудача. Испытания до первого успеха п.64	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f6162
47	Успех и неудача. Испытания до	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f6356

	первого успеха п.64					
48	Серия испытаний Бернулли п.65	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f64d2
49	Число успехов в испытаниях Бернулли п.66	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f6680
50	Вероятности событий в испытаниях Бернулли п.67					
51	Практическая работа "Испытания Бернулли"	1		1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f67de
52	Примеры случайных величин. П.68 <i>Распределение вероятностей случайной величины п.69</i>	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f6b44
53	Математическое ожидание. Дисперсия и стандартное отклонение . п.70,71	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f6da6
54	Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины п.73	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f6f86
55	Закон больших чисел и его применение п.73	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f72c4
56	Измерение вероятностей с помощью частот	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f7652
57	Применение закона больших чисел	1				https://m.edsoo.ru/863f7116 https://m.edsoo.ru/863f783c
58	Контрольная работа по теме «Испытания Бернулли. Случайные величины»	1	1			

59	Обобщение, систематизация знаний. Представление данных. Описательная статистика	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f893a
60	Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f7a4e
61	Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события. Элементы комбинаторики	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f7c9c
62	Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f7e54
63	Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики. Случайные величины и распределения	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f8408
64	Обобщение, систематизация знаний. Случайные величины и распределения	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f861a
65	Обобщение, систематизация знаний.	1				
66	Обобщение, систематизация знаний.	1				
67	Итоговая контрольная работа	1	1			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f8b56
68	Анализ контрольной работы	1				
	ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	68	6	7		

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ
ИНТЕРНЕТ**